

# Závěrečná zkouška z matematiky 2018

---

## varianta EA

Jméno:

Třída:

číslo:

---

1. Vyberte správnou odpověď.

(a) Jestliže platí:  $\log m = b - \log n$ , pak  $m$  se rovná

- (a)  $\frac{b}{n}$  (b)  $bn$  (c)  $10^b n$  (d)  $\frac{10^b}{n}$  (e)  $b - 10^n$
- 

(b) Je-li  $\cot g x = 1$ , pak výraz  $\frac{5 \cos x + 3 \sin x}{5 \sin x - 3 \cos x}$  se rovná

- (a) 3 (b) 4 (c) 2 (d) 0 (e) 1
- 

2. Vyberte správnou odpověď.

(a) Kvadratická rovnice  $x^2 + px + q = 0$  s reálnými koeficienty  $p, q$  má jeden kořen  $x_1 = -1 - \sqrt{3}i$ . Rozdíl  $p - q = ?$

- (a) 2 (b) -1 (c) -2 (d) 6 (e) žádná z uvedených
- 

(b) Kolik přirozených čísel větších než 5000 lze vytvořit z cifer 3; 4; 5; 6; jestliže se žádná z cifer neopakuje ?

- (a) 144 (b) 128 (c) 24 (d) 64 (e) 12
- 

3. Určete definiční obor funkce  $f(x) = \frac{1}{\ln(4-x)} + \sqrt{\frac{2}{x} + 3x - 7}$ .

4. Pro  $x \in \mathbb{R}$  řešte nerovnici:  $\log^2 x - 3 \log x + 2 \leq 0$

5. Pro  $x \in \mathbb{R}$  řešte rovnici:  $2^x + 9 \cdot 2^{2-x} - 13 = 0$

6. Pro  $x \in \mathbb{R}$  řešte rovnici:  $\sqrt{3} \operatorname{tg}^2 x - 2 \operatorname{tg} x - \sqrt{3} = 0$

7. První tři členy aritmetické posloupnosti jsou postupně  $(k-2)$ ,  $(2k+5)$  a  $(4k+1)$ . Určete součet prvních pěti členů posloupnosti.

## Závěrečná zkouška z matematiky 2018

---

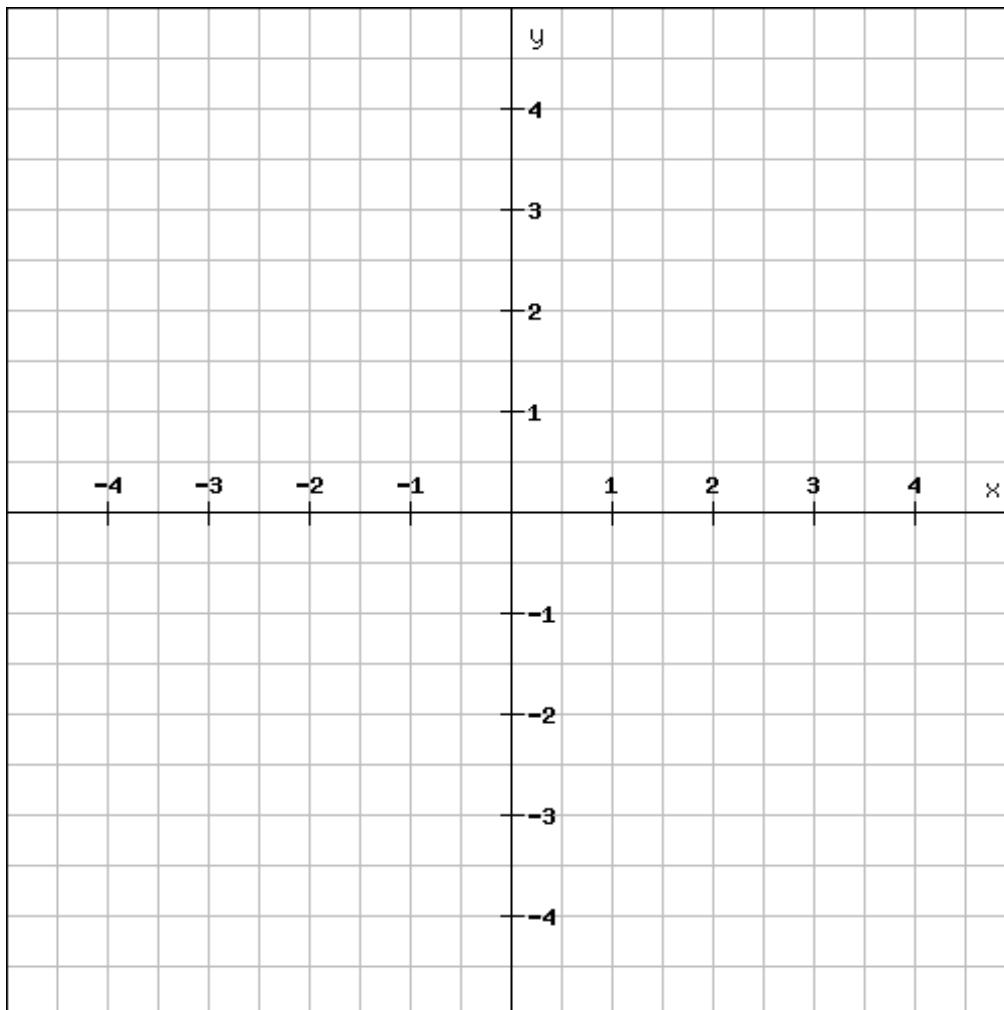
8. Určete hodnotu parametru  $a$  tak, aby se tři přímky

$$\begin{cases} p : x + y = -1 \\ q : 3y - x + 11 = 0 \\ r : ax - \frac{2}{3}y = 4 \end{cases}$$

protínaly v jednom bodě.

9. Kružnice se středem  $S[-2; -2]$  prochází body  $A[0; -6]$  a  $B[a; 0]$ . Určete všechny možné hodnoty  $a$ .

10. Nakreslete graf funkce  $y = |x^2 - 3x| + x$ .



# Závěrečná zkouška z matematiky 2018

---

## varianta EB

Jméno: \_\_\_\_\_ Třída: \_\_\_\_\_ číslo: \_\_\_\_\_

---

1. Vyberte správnou odpověď.

(a) Jestliže platí:  $\log m = b + \log n$ , pak  $m$  se rovná

- (a)  $\frac{b}{n}$       (b)  $bn$       (c)  $10^b n$       (d)  $b - 10^n$       (e)  $\frac{10^b}{n}$
- 

(b) Je-li  $\cot g x = -1$ , pak výraz  $\frac{2 \sin x}{\sin x + 2 \cos x} - \frac{5 \cos x}{4 \sin x - \cos x}$  je roven číslu:

- (a) 3      (b) 2      (c) 1      (d) 0      (e) -1
- 

2. Vyberte správnou odpověď.

(a) Kvadratická rovnice  $x^2 + px + q = 0$  s reálnými koeficienty  $p, q$  má jeden kořen  $x_1 = -1 - \sqrt{2}i$ . Rozdíl  $p - q$  je:

- (a) 7      (b) 3      (c) -1      (d) -3      (e) žádná z uvedených
- 

(b) Kolik různých čtyřciferných přirozených čísel menších něž 6000 lze sestavit z číslic 0; 2; 4; 6 tak, že se číslice mohou opakovat?

- (a) 12      (b) 128      (c) 24      (d) 64      (e) žádná z uvedených
- 

3. Určete definiční obor funkce  $f(x) = \frac{1}{\log_2(5-x)} - \sqrt{3x + \frac{4}{x} - 8}$ .

4. Pro  $x \in \mathbb{R}$  řešte nerovnici:  $\log^2 x - 7 \log x + 12 \leq 0$

5. Pro  $x \in \mathbb{R}$  řešte rovnici:  $3^x + 4 \cdot 3^{2-x} - 13 = 0$

6. Pro  $x \in \mathbb{R}$  řešte rovnici:  $\operatorname{tg}^2 x - (\sqrt{3} - 1) \operatorname{tg} x - \sqrt{3} = 0$

7. První tři členy aritmetické posloupnosti jsou postupně  $(k-2)$ ,  $(2k+3)$  a  $(4k-1)$ . Určete součet prvních pěti členů posloupnosti.

## Závěrečná zkouška z matematiky 2018

---

8. Určete hodnotu parametru  $b$  tak, aby se tři přímky

$$\begin{cases} p : x + y + 1 = 0 \\ q : 3y + 11 = x \\ r : 2x - by = 10 \end{cases}$$

protínaly v jednom bodě.

9. Kružnice se středem  $S[2; -2]$  prochází body  $A[0; 1]$  a  $B[a; 0]$ . Určete všechny možné hodnoty  $a$ .

10. Nakreslete graf funkce  $y = |x^2 + 3x| + x$ .

